

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

ACTIVIDAD 1 – OPCIONAL (evidencia para unidad 1)

### FENÓMENOS DE TRANSPORTE: DEFINICIÓN E IMPORTANCIA

INTEGRANTES DEL EQUIPO (POR APELLIDO, EN ORDEN ALFABÉTICO, MÁXIMO TRES)	NÚMERO DE CONTROL

### Intención didáctica

Concientizar al estudiante de la importancia de los fenómenos de transporte y su ubicación dentro del plan de estudios de la carrera, así como generar una definición integral de esta área de estudio.

#### **Indicaciones**

- 1. Efectuar una investigación para obtener tantas definiciones como sea posible de "fenómenos de transporte". En esta búsqueda, se considerará válida cualquier fuente impresa o electrónica.
- 2. En la retícula del plan de estudios de la carrera, identificar las materias que correspondan a los siguientes tres grupos: (A) fundamentos de ingeniería, (B) operaciones y procesos unitarios, y (C) ingeniería aplicada.
- 3. Con la ayuda de otros compañeros y profesores de la carrera, generar una lista de operaciones unitarias, e identificar para cada una si involucran transferencia de momentum, calor o masa.
- 4. Con base en la información recabada, llegar a una conclusión acerca de la importancia de los fenómenos de transporte. Sintetizar su propia definición de "fenómenos de transporte".

### Sugerencias para el éxito de la actividad

- ★ Esta investigación pretende generar una **lluvia de ideas** respecto al concepto de "fenómenos de transporte", en la que no se censuren de primera mano algunos aspectos que puedan contribuir a un concepto integral. Por esta razón, para esta actividad se considerará válida cualquier referencia, incluso fuentes en internet que en otras circunstancias se considerarían no confiables.
- ★ Es importante que consulten también libros relevantes para el curso (checar la bibliografía proporcionada el primer día de clase). Incluso si un libro del área no define propiamente "fenómenos de transporte", es buena idea incluirlo en la investigación y reportar que carece de dicha definición.
- ★ También pueden preguntar en foros y grupos de discusión en línea. En este caso, anexar una captura de pantalla de la conversación.

### Evidencias Entregables

El reporte de esta actividad lleva esta hoja de instrucciones como portada. Enumerar a continuación todas las definiciones encontradas de "fenómenos de transporte", dando para cada una su referencia bibliográfica. Después, incluir la retícula de la carrera, con los tres grupos de materias identificados. Luego, poner una tabla con las operaciones unitarias y en tres columnas señalar si involucran transferencia de momentum, calor o masa. Finalmente, enunciar sus conclusiones de la actividad y presentar su propia definición de "fenómenos de transporte".

Sólo se entrega un ejemplar del reporte por equipo. Una vez revisado, cada integrante del equipo deberá tener una copia para su portafolio final.

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

### ANÁLISIS DEL FLUJO LAMINAR EN TUBERÍA CIRCULAR

INTEGRANTES DEL EQUIPO (POR APELLIDO, EN ORDEN ALFABÉTICO, MÁXIMO CUATRO)	NÚMERO DE CONTROL

### Intención didáctica

Debido a que el flujo laminar en el interior de una tubería circular es uno de los casos más importantes en mecánica de fluidos, mediante esta actividad se analizará este caso paso por paso.

### **Indicaciones**

Contestar el cuestionario, conforme a las instrucciones dadas en cada sección. En caso de que el espacio para la respuesta no sea suficiente, continuar en una hoja anexa, indicando claramente la continuación.

### Evidencias entregables

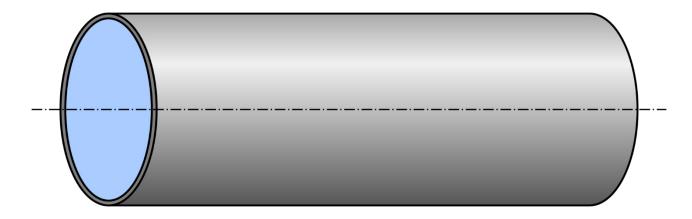
Entregar este cuestionario contestado, solamente un ejemplar por equipo. Opcionalmente, pueden anexar una breve investigación bibliográfica (aproximadamente dos páginas) respecto a las contribuciones de Osborne Reynolds y Jean Léonard Marie Poiseuille a la mecánica de fluidos. Una vez revisado, cada integrante del equipo deberá tener una copia para su portafolio final.

### Planteamiento del caso a analizar

Considérese una tubería cilíndrica horizontal de sección transversal circular (radio interno R y longitud L), a través de la cual circula de forma laminar un fluido newtoniano de propiedades constantes ( $\rho$  y  $\mu$ ), debido a una diferencia de presión entre los extremos ( $P_0$  en el extremo izquierdo y  $P_L$  en el extremo derecho).

### Sección 1

En el dibujo de la tubería que se muestra a continuación, establecer el sistema de coordenadas, y rotular el radio interno y la longitud de la tubería.



## INSTITUTO TECNOLÓGICO DE DURANGO DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS

Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

### QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

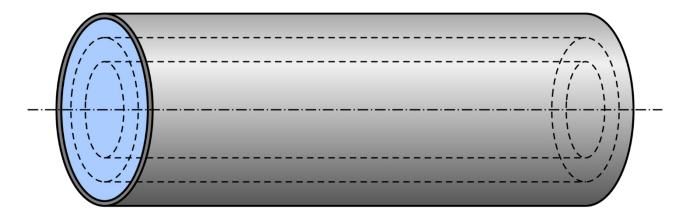
### Sección 2 - Lista de suposiciones

A continuación se muestra la lista de suposiciones correspondientes a este caso. Para cada una, proporcionar una breve explicación de por qué es correcta la suposición.

SUPOSICIÓN	EXPLICACIÓN
1. Estado estable.	
2. $v_r = 0$ y $v_\theta = 0$ .	
3. $v_z$ varía en la dirección $r$ , pero no depende de $\theta$ ni $z$ .	
4. No se toma en cuenta efectos de borde.	
5. Fluido newtoniano de propiedades constantes.	

### Sección 3 - Volumen de control

El volumen de control (mostrado en la figura) para el balance de momentum es un cilindro hueco de espesor  $\Delta r$  y longitud L, ubicado en el interior del fluido.



Obsérvese que el volumen de control es un cilindro hueco, dentro del fluido, pero que no incluye ni la pared ni el centro de la tubería. Este volumen de control es una "envoltura" porque envuelve parte del sistema analizado. Por esta razón, a este tipo de balance diferencial también se le conoce como "balance envolvente".

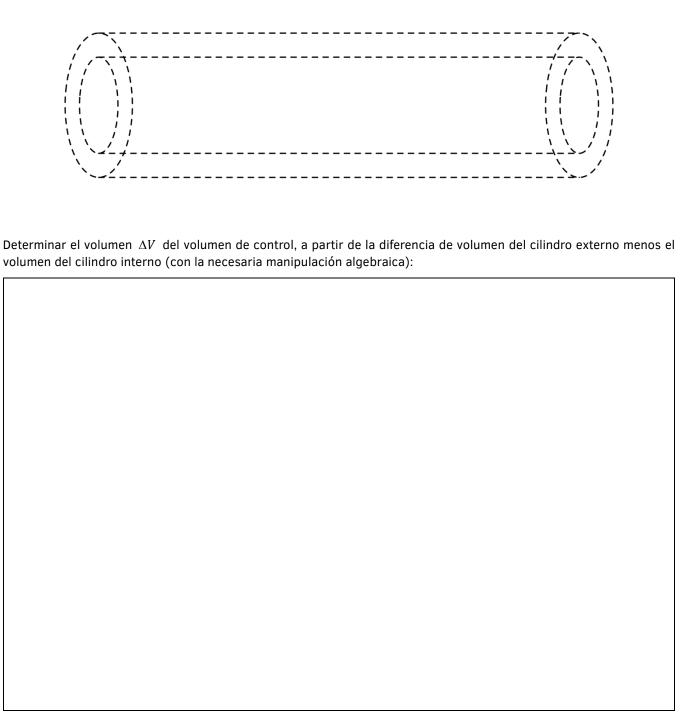
### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

La siguiente figura muestra solamente el volumen de control, para verlo más claramente. Rotular sus dimensiones:



RESPUESTA:  $\Delta V = 2\pi r \Delta r L$ 

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

### Sección 4 - Balance diferencial de momentum

Para cada contribución listada en la tabla siguiente, sombrear en la figura cuál área del volumen de control es a través de la cual se efectúa la contribución, y obtener el término correspondiente. Recordar que las unidades de todos los términos deben ser kg·m/s.

	nos deben ser kg·m/s. CONTRIBUCIÓN	ÁREA	TÉRMINO DEL BALANCE		
1	entrada de momentum por advección en $z=0$				
2	salida de momentum por advección en $z=L$				
3	entrada de momentum por transporte viscoso en <i>r</i>				
4	salida de momentum por transporte viscoso en $r+\Delta r$				
5	generación de momentum por fuerzas de presión				
No existe generación de momentum por fuerzas de gravedad. Explicar por qué:					
No ex	xiste acumulación de mome	entum en el volumen de control	. Explicar por qué:		

Escribir el balance completo: E - S + G = A:

Balance de Momentum, Calor y Masa QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

31	(evidencia para unidad 1)
Los dos términos de advección son iguales y se cancelan entre sí. Explicar por	qué:
Escribir el balance ya con estos dos términos eliminados:	
Dividir entre $2\pi r\Delta r L\Delta t$ (es decir, $\Delta V$ por $\Delta t$ ):	
Tomar el límite cuando $\Delta r  o 0$ para obtener la ecuación diferencial del sistem	a:
	1 $d$ $P_0 - P_1$

QI1720 ★ Ingeniería Química

Balance de Momentum, Calor y Masa

Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

Sección	5 -	Ley	de	Newton	de	la	visco	osido	ıd
---------	-----	-----	----	--------	----	----	-------	-------	----

El componente del esfuerzo que aparece en la ecuación diferencial es  $\tau_{rz}$ . Explicar qué significan estos dos subíndices:

Consultando la ley de Newton de la viscosidad en una tabla, se tiene:

$$\tau_{rz} = -\mu \left( \frac{\partial v_r}{\partial z} + \frac{\partial v_z}{\partial r} \right)$$

Como  $v_r = 0$ , el primer término dentro del paréntesis se cancela. Además,  $v_z$  sólo depende de r, por lo que no es necesario emplear derivadas parciales, sino derivadas ordinarias. Por lo tanto, la ley de Newton se simplifica a:

$$\tau_{rz} = -\mu \frac{dv_z}{dr}$$

Al sustituir la ley de Newton en la ecuación diferencial de la sección anterior, se llega a:

$$-\frac{1}{r}\frac{d}{dr}\left(r\tau_{rz}\right) + \frac{P_0 - P_L}{L} = 0 \quad \rightarrow \quad -\frac{1}{r}\frac{d}{dr}\left[r\left(-\mu\frac{dv_z}{dr}\right)\right] + \frac{P_0 - P_L}{L} = 0 \quad \rightarrow \quad \frac{\mu}{r}\frac{d}{dr}\left(r\frac{dv_z}{dr}\right) + \frac{P_0 - P_L}{L} = 0$$

### Sección 6 - Solución de la ecuación diferencial

Resolver la ecuación diferencial para llegar a la solución general:

RESPUESTA:	$v_z = -\frac{P_0 - P_L}{4\mu L}r^2 + C_1 \ln r + C_2$

Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 \* Ingeniería Química

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

### DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

### Sección 7 - Condiciones de frontera

A continuación se muestran las condiciones de frontera correspondientes a este caso analizado. Explicar el por qué de cada una.

CONDICIÓN DE FRONTERA	EXPLICACIÓN
1. $\frac{dv_z}{dr} = 0  \text{en } r = 0$	
2. $v_z = 0$ en $r = R$	

### Sección 8 - Perfil de velocidades

La condición de frontera 1 no se puede sustituir directamente en la solución general, porque es para la derivada de la velocidad ( $dv_z/dr$ ). Por esta razón, sería necesario primero derivar esta solución general. Afortunadamente, en este caso la derivada ya se había encontrado como parte del procedimiento de solución:

$$\frac{dv_z}{dr} = -\frac{P_0 - P_L}{2\mu L}r + \frac{C_1}{r}$$

La condición de frontera 1 se debe utilizar con esta derivada para encontrar el valor de  $C_1$ . Nótese que en este caso, al sustituir directamente la condición de frontera, se tendría división entre cero, por lo que es conveniente primero despejar  $C_1$  y luego sustituir los valores:



RESPUESTA:  $C_1 = 0$ 

NOTA: En muchos libros de mecánica de fluidos, en vez de despejar y sustituir, simplemente argumentan que el único valor posible para  $C_1$  es cero, de tal forma que se evite la división entre cero. Este argumento también se puede aplicar directamente en la solución general para  $v_z$ , donde aparece el término  $C_1 \ln r$ : el logaritmo se volvería  $-\infty$  cuando r=0, y la única manera de evitarlo es que  $C_1$  sea cero.

Sustituyendo  $C_1 = 0$  en la solución general, se llega a una nueva solución general:

$$v_z = -\frac{P_0 - P_L}{4\mu L}r^2 + C_2$$

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 2** 

(evidencia para unidad 1)

hora se sustituye la segunda condición de frontera en la nueva solución general, y se despeja $C_2^{}$ :
RESPUESTA: $C_2 = \frac{P_0 - P_L}{4\mu L}R$
sta constante $\mathit{C}_{2}$ se sustituye en la solución general, para llegar al perfil de velocidades buscado:
RESPUESTA: $v_z = \frac{\left(P_0 - P_L\right)R^2}{4\mu L} \left[1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2\right]$
Sección 9 – Ley de Hagen-Poiseuille Con base en el perfil de velocidad obtenido en la sección anterior, determinar el flujo volumétrico:
$\dot{V} = \pi (P_0 - P_L) R^4$

Esta ecuación conoce como **ley de Hagen-Poiseuille**, y su importancia radica en que relaciona el flujo volumétrico con la caída de presión: ambos son parámetros muy importantes en el flujo de fluidos y son fácilmente medibles.

 $8\mu L$ 

Obsérvese que en la ecuación de Hagen-Poiseuille, **el radio se encuentra elevado a la cuarta potencia**. Esta fuerte dependencia del radio significa que, para una misma caída de presión, una tubería del doble de radio tendría un flujo volumétrico 16 veces mayor.

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** 

(evidencia para unidad 2)

### BALANCE DE ENERGÍA EN UNA ESFERA CON GENERACIÓN UNIFORME

INTEGRANTES DEL EQUIPO (POR APELLIDO, EN ORDEN ALFABÉTICO, MÁXIMO TRES)	NÚMERO DE CONTROL		

### Intención didáctica

Determinar el perfil de temperatura en una esfera con generación de calor mediante un balance diferencial de energía.

### **Indicaciones**

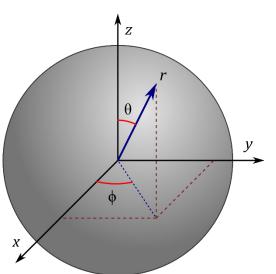
Contestar el cuestionario, conforme a las instrucciones dadas en cada sección. En caso de que el espacio para la respuesta no sea suficiente, continuar en una hoja anexa, indicando claramente la continuación.

### Evidencias entregables

Entregar este cuestionario contestado, solamente un ejemplar por equipo. Opcionalmente, pueden anexar una breve investigación bibliográfica (aproximadamente dos páginas) respecto a las contribuciones de Fourier en el área de transferencia de calor. Una vez revisado, cada integrante del equipo deberá tener una copia para su portafolio final.

### Planteamiento del caso a analizar

Se tiene una esfera sólida homogénea (de radio R) en la que se presenta una generación de calor uniforme  $G_0$  (W/m³). La superficie de la esfera se mantiene a una temperatura constante  $T_s$ . En la figura se muestra la esfera con el sistema de coordenadas esférico (en relación con las coordenadas rectangulares).



### Sección 1 - Lista de suposiciones

Establecer las suposiciones que sean apropiadas para este caso.

### Balance de Momentum, Calor y Masa

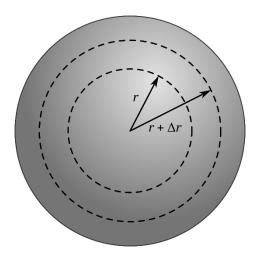
QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** 

(evidencia para unidad 2)

### Sección 2 - Volumen de control

El volumen de control para el balance de energía es una capa de espesor  $\Delta r$ , entre las posiciones r y  $r+\Delta r$ . Obsérvese que el volumen de control es un cascarón hueco, dentro de la esfera, y no incluye ni la superficie ni el centro de la esfera. Este volumen de control es una "envoltura" porque envuelve parte del sistema analizado. Por esta razón, a este tipo de balance diferencial también se le conoce como "balance envolvente".



Determinar el volumen $\Delta V$ del volumen de control, a partir de la diferencia de volumen de la esfera externa menos e volumen de la esfera interna (con la necesaria manipulación algebraica):						

RESPUESTA:  $\Delta V = 4\pi r^2 \Delta r$ 

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** 

(evidencia para unidad 2)

### Sección 3 - Balance diferencial de energía

Para cada contribución listada en la tabla siguiente, sombrear en la figura cuál área del volumen de control es a través de la cual se efectúa la contribución, y obtener el término correspondiente. Recordar que las unidades de todos los términos deben ser joules.

	CONTRIBUCIÓN		TÉRMINO DEL BALANCE
1	entrada de calor por conducción en <i>r</i>		
2	salida de calor por conducción en $r+\Delta r$		
3	generación de calor dentro del volumen de control (final – inicial)		
	xiste acumulación de energía en e bir el balance completo: E – S +		
Escril	bir el balance completo: E – S +	G = A:	
	2		
Dividi	ir entre $4\pi r^2 \Delta r \Delta t$ (es decir, $\Delta V$	por $\Delta t$ ):	

Balance de Momentum, Calor y Masa QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** (evidencia para unidad 2)

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

Tomar el límite cuando $\Delta r  o 0$ para obtener la ecuación diferencial del sistema:
RESPUESTA: $-\frac{1}{r^2}\frac{d}{dr}(r^2q_r)+G_0=0$
<b>Sección 4 – Ley de Fourier de la conducción</b> Como en la ecuación diferencial aparece la densidad de flujo de calor $q$ , se requiere la ley de Fourier, en coordenadas esféricas, componente $r$ :
$q_r = -k \frac{dT}{dr}$
Nótese que se emplean derivadas ordinarias (no parciales) porque la temperatura sólo varía en la dirección $r$ . Sustituir esta ecuación en el resultado de la sección anterior, para obtener la ecuación diferencial en función de la temperatura:
1. J / Jm \
RESPUESTA: $\frac{k}{r^2} \frac{d}{dr} \left( r^2 \frac{dT}{dr} \right) + G_0 = 0$

2.  $T = T_s$  en r = R

### Balance de Momentum, Calor y Masa QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** 

(evidencia para unidad 2)

### Sección 5 - Solución de la ecuación diferencial

Resolver la ecuación diferencial para llegar a la solución general:		
	RESPUESTA: $T = -\frac{G_0}{6k}r^2 - \frac{C_1}{r} +$	$C_2$
Sección 6 – Condiciones de fr	ontera	
A continuación se muestran las con	diciones de frontera para el caso analizado. Explicar el por qué de cada una.	
CONDICIÓN DE FRONTERA	EXPLICACIÓN	
1. $\frac{dT}{dr} = 0$ en $r = 0$		

Balance de Momentum, Calor y Masa QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** (evidencia para unidad 2)

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

### Sección 7 – Perfil de temperatura

La condición de frontera 1 no se puede sustituir directamente en la solución general, porque es para la derivada de la tomporatura (dT/dr.). Por esta razón, sería necesario primero derivar esta solución deneral. Afortunadamente, en

este caso la derivada ya se había encontrado como parte del procedimiento de solución (sección 5):				
$\frac{dT}{dr} = -\frac{G_0}{3k}r - \frac{C_1}{r^2}$				
La condición de frontera 1 se debe utilizar con esta derivada para encontrar el valor de $C_1$ . Nótese que en este caso al sustituir directamente la condición de frontera, se tendría división entre cero, por lo que es conveniente primer despejar $C_1$ y luego sustituir los valores:				
RESPUESTA:	$C_1 = 0$			
NOTA: En muchos libros de transferencia de calor, en vez de despejar y sustituir, simplemente argumentan que el único valor posil $C_1$ es cero, de tal forma que se evite la división entre cero. Este argumento también se puede aplicar directamente en la solución para $T$ , donde aparece el término $C_1/r$ que se volvería infinito cuando $r=0$ , y la única manera de evitarlo es que $C_1$ sea cero.				
Sustituyendo $C_1 = 0$ en la solución general, se llega a una nueva solución general:				
$T = -\frac{G_0}{6k}r^2 + C_2$				
Ahora se sustituye la segunda condición de frontera en la nueva solución general, y se despeja $C_2$ :				

RESPUESTA:  $C_2 = T_s + \frac{G_0}{6k}R^2$ 

DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 3** 

(evidencia para unidad 2)

Esta constante  $C_2$  se sustituye en la solución general, para llegar al perfil de temperatura que se busca:  $RESPUESTA: \ T = T_s + \frac{G_0 R^2}{6k} \left[ 1 - \left( \frac{r}{R} \right)^2 \right]$ 

### Sección 8 - Caso especial con convección en la superficie (OPCIONAL)

En ocasiones, en vez de mantenerse una temperatura constante en la superficie, se tiene la esfera inmersa en un fluido y el calor se transfiere de la superficie al fluido por convección. En este caso, la condición de frontera 2 se obtiene igualando las densidades de flujo de calor por conducción (que llega desde el interior hasta la superficie) y por convección (desde la superficie hacia el fluido):

$$q_{\mathrm{cond}} = q_{\mathrm{conv}}$$

La conducción está dada por la ley de Fourier, y la convección está dada por la ley de Newton del enfriamiento:

$$-k\frac{dT}{dr} = h(T - T_{\infty})$$

donde  $T_{\infty}$  es la temperatura del fluido lejos de la esfera. Reacomodando la ecuación anterior, se establece la condición de frontera en la superficie de la esfera cuando hay convección:

$$\frac{dT}{dr} + \frac{h}{k} (T - T_{\infty}) = 0 \quad \text{en } r = R$$

La solución general en este caso es la misma que la obtenida previamente. Empleando esta condición de frontera, junto con la condición de simetría en el centro, determinar el perfil de temperatura en la esfera.

RESPUESTA: 
$$T = T_{\infty} + \frac{G_0 R^2}{6k} \left[ 1 - \left(\frac{r}{R}\right)^2 + \frac{2k}{hR} \right]$$

## INSTITUTO TECNOLÓGICO DE DURANGO DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS

**OUÍMICA Y BIOQUÍMICA** 

### Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 4** 

(evidencia para unidad 3)

### DEMOSTRACIÓN DE LA LEY DE NEWTON DEL ENFRIAMIENTO

INTEGRANTES DEL EQUIPO (POR APELLIDO, EN ORDEN ALFABÉTICO, MÁXIMO CINCO)	NÚMERO DE CONTROL

### Intención didáctica

Comprobar experimentalmente la ley de Newton del enfriamiento, para un caso de convección libre y un caso de convección forzada.

#### **Antecedentes**

Cuando un objeto se encuentra a una temperatura diferente que el medio circundante, existe una transferencia de calor entre ellos. Newton estudió este fenómeno (aunque las teorías de la época sobre el calor y la temperatura aún no estaban bien establecidas), llegando a la conclusión de que la rapidez con la que disminuye la temperatura de un objeto caliente es proporcional a la diferencia de temperatura entre el objeto y los alrededores. En términos matemáticos:

$$-\frac{dT}{dt} = a(T - T_{\infty})$$

donde T es la temperatura del objeto en cualquier tiempo t,  $T_{\infty}$  es la temperatura del medio ambiente, y  $a^*$  es una constante con unidades de (tiempo)<sup>-1</sup>. Si la temperatura inicial del objeto (en t=0) es  $T_0$ , la ecuación diferencial se puede resolver para obtener:

$$T = T_{\infty} + (T_0 - T_{\infty})e^{-at}$$

Determinando la temperatura del objeto a diversos tiempos permite obtener una estimación de a. Adicionalmente, si el objeto sólo pierde calor por convección, y su masa y propiedades físicas son constantes, se puede demostrar que para este caso la constante a de la ley de Newton está relacionada con el coeficiente de transferencia de calor por convección a0 de acuerdo a:

$$a = \frac{hA}{mc_P}$$

donde A es el área de transferencia de calor, m es la masa del objeto, y  $c_p$  es la capacidad calorífica del objeto.

En esta actividad, el objeto será un vaso con agua caliente. Se pondrán dos vasos, uno que se dejará enfriar por convección libre, y el otro que se enfriará por convección forzada. Dado que los vasos son térmicos, se asumirá que la transferencia de calor ocurre únicamente a través de la superficie libre del agua. De hecho, parte de la transferencia de calor se debe a la evaporación del agua (enfriamiento por evaporación).

<sup>\*</sup> Es común que la constante sea k, pero en esta actividad se usa a para evitar confusión con la conductividad térmica.

Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

ACTIVIDAD 4

(evidencia para unidad 3)

### **Materiales**

- ★ 2 vasos térmicos.
- **★** Termómetro.
- ★ Cronómetro.
- ★ Agua caliente.

### **Indicaciones**

- 1. Rotular dos vasos, uno para convección libre y el otro para convección forzada.
- 2. Llenar ambos con agua caliente (no hasta el borde).
- 3. Tomar la temperatura inicial del agua y comenzar a tomar el tiempo con el cronómetro.
- 4. Uno de los vasos, el de convección forzada, debe colocarse en un lugar donde no haya corrientes de aire. El otro vaso se tendrá en otro lugar, apartado del primero, y se le estará soplando o agitando el aire con algún objeto para crear convección forzada.
- 5. Cada dos minutos, registrar la temperatura del agua y el tiempo que ha transcurrido. Se les recomienda tomar la temperatura de los vasos alternadamente (uno en los minutos pares y el otro en los minutos impares).
- 6. Repetir el paso anterior hasta que varias temperaturas sean iguales o se termine el tiempo de la clase.
- Construir una gráfica con ambas series de temperatura, empleando el tiempo en minutos en el eje horizontal, para comparar la variación de temperatura cuando se aplicó convección forzada y cuando sólo hubo convección libre.
- 8. Con los datos de temperatura, obtener por regresión lineal el valor de la constante a de la ley de Newton del enfriamiento para cada caso (nota: es necesario transformar la ecuación de T(t) a una ecuación lineal).
- 9. Calcular el valor del coeficiente de transferencia de calor, en W/m²·K, para ambos casos. Para ello necesitan saber la masa del agua y el área de transferencia (recordar que se está asumiendo que el calor sólo se está transfiriendo por la superficie libre del agua).

### Indicaciones de seguridad

Tomar las debidas precauciones para el manejo del agua caliente.

### Disposición de residuos

No se generan residuos peligrosos.

### Evidencias entregables

El reporte de esta actividad puede ser elaborado en computadora, y lleva esta hoja de indicaciones como portada. A continuación, incluir una breve investigación bibliográfica sobre convección, la tabla con sus datos experimentales, su gráfica de temperaturas en función del tiempo, y su estimación de a y h para ambos casos, y su conclusión grupal de la actividad.

Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 5** 

(evidencia para unidad 4)

### DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS QUÍMICA Y BIOQUÍMICA

### DIFUSIVIDAD A PARTIR DE LA EVAPORACIÓN DE UN LÍQUIDO EN UN CAPILAR

INTEGRANTES DEL EQUIPO (POR APELLIDO, EN ORDEN ALFABÉTICO, MÁXIMO CINCO)	NÚMERO DE CONTROL

#### Intención didáctica

Determinar experimentalmente el coeficiente de difusión de un vapor orgánico en aire, que se evapora desde el fondo de un tubo capilar.

### **Antecedentes**

Para el caso de difusión unimolecular pseudoestable del vapor de un líquido volátil en un tubo capilar, el perfil de concentración (en fracción mol) y la densidad de flujo molar del componente A están dados por:

$$y_{A} = 1 - \left(\frac{P - P_{vap,A}}{P}\right)^{\left(\frac{z}{L}\right)} \qquad \qquad n_{A} = \frac{\mathfrak{D}_{AB}P}{LRT} \ln\left(\frac{P - P_{vap,A}}{P}\right)$$

donde z es la distancia desde el extremo abierto del capilar hacia abajo y L es la longitud desde el extremo abierto hasta la interfase líquido-gas. Después de un tiempo, esa longitud aumenta debido a la evaporación del líquido. Un análisis en estado transitorio de dicha evaporación lleva a la siguiente ecuación:

$$L^{2} - L_{0}^{2} = \frac{2 \mathcal{D}_{AB} PMt}{\rho RT} \ln \left( \frac{P}{P - P_{vap,A}} \right)$$

donde  $L_0$  es la longitud inicial desde la interfase hasta el extremo abierto. Al determinar cómo aumenta esa longitud con respecto al tiempo, se puede obtener el valor de la difusividad  $\mathfrak{D}_{AB}$  del vapor en aire.

### **Materiales**

- ★ Un tubo capilar.
- ★ Plastilina.
- ★ Regla.
- ★ Cronómetro.
- ★ Termómetro.
- ★ Acetona.

## INSTITUTO TECNOLÓGICO DE DURANGO DEPARTAMENTO DE INGENIERÍAS

**OUÍMICA Y BIOQUÍMICA** 

Balance de Momentum, Calor y Masa

QI1720 ★ Ingeniería Química Docente: Dr. Carlos Francisco Cruz Fierro

**ACTIVIDAD 5** 

(evidencia para unidad 4)

### **Indicaciones**

- 1. Inclinando el recipiente que contiene la acetona, introducir un extremo del tubo capilar y permitir que el líquido lo llene hasta aproximadamente 5 mm del borde.
- 2. Tapar el extremo libre con el dedo para que el líquido no escurra y sacar el capilar del líquido.
- 3. Sellar el otro extremo del capilar con plastilina, cuidando que no quede aire atrapado.
- 4. Con la regla, medir la longitud de la parte del capilar que no contiene líquido. Ésta es la longitud inicial  $L_0$ .
- 5. Colocar el capilar en posición vertical en un lugar donde no haya corrientes de aire. Colocar también el termómetro, para conocer la temperatura ambiente. Registrar la presión atmosférica e iniciar el cronómetro.
- 6. Al final de la clase, medir la longitud del capilar que no contiene líquido (L).
- 7. OPCIONAL: Estimar la difusividad del vapor de acetona en aire, a la temperatura y presión medidas durante la actividad, empleando alguno de los métodos vistos en el curso previo (Mecanismos de Transferencia). Calcular el error porcentual de su medición experimental respecto al valor estimado.

### Indicaciones de seguridad

La acetona es un solvente volátil e inflamable, por lo que no debe haber flamas o chispas eléctricas en la cercanía.

### Disposición de residuos

El volumen usado de acetona es muy pequeño, por lo que el capilar puede tratarse como residuo no peligroso.

### Sugerencias para el éxito de la actividad

- ★ El capilar no se debe llenar completamente porque entonces la difusión ya no ocurre en una sola dirección y el modelo matemático no es aplicable (se vuelven importantes los efectos de borde).
- ★ El extremo sellado del capilar no debe contener burbujas, pues su expansión o contracción afecta la medición de la distancia *L* .

### Datos adicionales de la acetona

$$\rho = 791 \text{ kg/m}^3$$
  $M = 58.08 \text{ g/mol}$   $\log_{10} P_{vap} = 7.02447 - \frac{1161}{T + 224}$  ( $T \text{ en °C}, P_{vap} \text{ en mmHg}$ )

### Evidencias entregables

El reporte de esta actividad puede ser elaborado en computadora, y lleva esta hoja de indicaciones como portada. Opcionalmente, incluir una breve investigación bibliográfica sobre la difusividad. Después reportar los datos experimentales, los cálculos para la difusividad, evidencia fotográfica y sus conclusiones individuales de la actividad.